

2024 年度（令和 6 年度）大学院工学研究科（博士前期課程）

専門試験問題

（電気・機械工学系プログラム 電気電子）

注 意 事 項

- 試験開始の指示があるまで、この問題冊子を開いてはいけません。
- 問題は、1 ページから 7 ページまであります。解答用紙は、4 枚あります。ページの脱落等に気付いたときは、手をあげて監督者に知らせてください。
- 下記表の問題を全て解答してください。1題につき解答用紙 1枚を使用して解答してください。
解答用紙の追加配付はありません。

問題番号	出題科目
19	制御工学
20	電気回路
21	電磁気学
22	電子回路

- 監督者の指示に従って、問題番号、志望プログラム及び受験番号を 4 枚の解答用紙の該当欄に必ず記入してください。
- 計算用紙は、問題冊子の白紙ページを利用してください。
- 解答用紙の裏にも解答を記入する場合には、表と上下を逆にして記入してください。
- 机の上には、受験票、黒の鉛筆・シャープペンシル、消しゴム、鉛筆削り及び時計（計時機能だけのもの）以外の物を置くことはできません。
- コンパス及び定規等は、使用できません。
- 時計のアラーム（計時機能以外の機能を含む。）は、使用しないでください。
- スマートフォン、携帯電話、ウェアラブル端末等の音の出る機器を全て机の上に出し、それらの機器のアラームを解除してから、電源を切り、かばん等に入れてください。
- 試験終了まで退室できません。試験時間中に用がある場合は、手をあげてください。
- 試験終了後、この問題冊子は持ち帰ってください。

問題 19 制御工学 設問すべてについて解答すること。

I 入力を $u(t)$, 出力を $y(t)$ とする, あるシステムの時刻 $t \geq 0$ における微分方程式は次式で表せる。ただし, L は正の実数である。このシステムの伝達関数 $G(s)$ を答えよ。

$$\dot{y}(t) + y(t) = u(t - L), \quad y(0) = 0$$

II 図 1 のフィードバック制御系において, 次の (1) ~ (4) の問い合わせに答えよ。ただし, K と T は実数であり, t は時刻である。

- (1) 入力を $r(t)$, 出力を $y(t)$ とした伝達関数 $G_{yr}(s)$ と, 入力を $r(t)$, 出力を $u(t)$ とした伝達関数 $G_{ur}(s)$ をそれぞれ求めよ。
- (2) 図 1 のフィードバック制御系が安定となる K と T の範囲を求めよ。
- (3) $T = 0, K = 12, r(t) = \sin 2t$ としたときの定常応答が $y(t) = A \sin(\omega t + \phi)$ となつた。 A, ω, ϕ をそれぞれ求めよ。
- (4) K と T は図 1 のフィードバック制御系が安定となる範囲とし, $r(t)$ として以下の信号を入力した。

$$r(t) = \begin{cases} 5t & (0 \leq t \leq 2) \\ 10 & (2 < t) \end{cases}$$

$r(t)$ をラプラス変換せよ。さらに, $y(t)$ の定常値を求めよ。

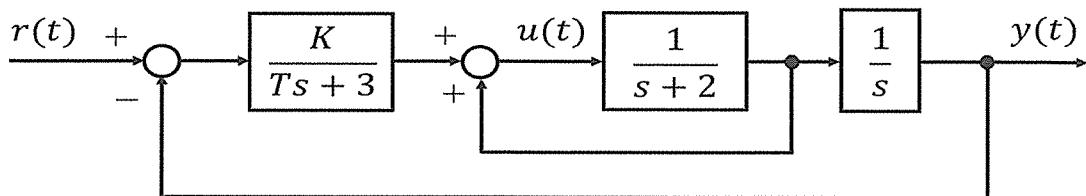


図 1

III 伝達関数 $G(s)$ は、極を3つ、零点を1つ持つとする。ただし、極および零点はすべて非正の実数であり、極零相殺は存在しないものとする。このとき、伝達関数 $G(s)$ のゲイン線図（折れ線近似）として不適当なものを図2の①～⑥から2つ選択せよ。なお、横軸は対数目盛であり、図示されていない折れ点周波数は存在しないものとする。

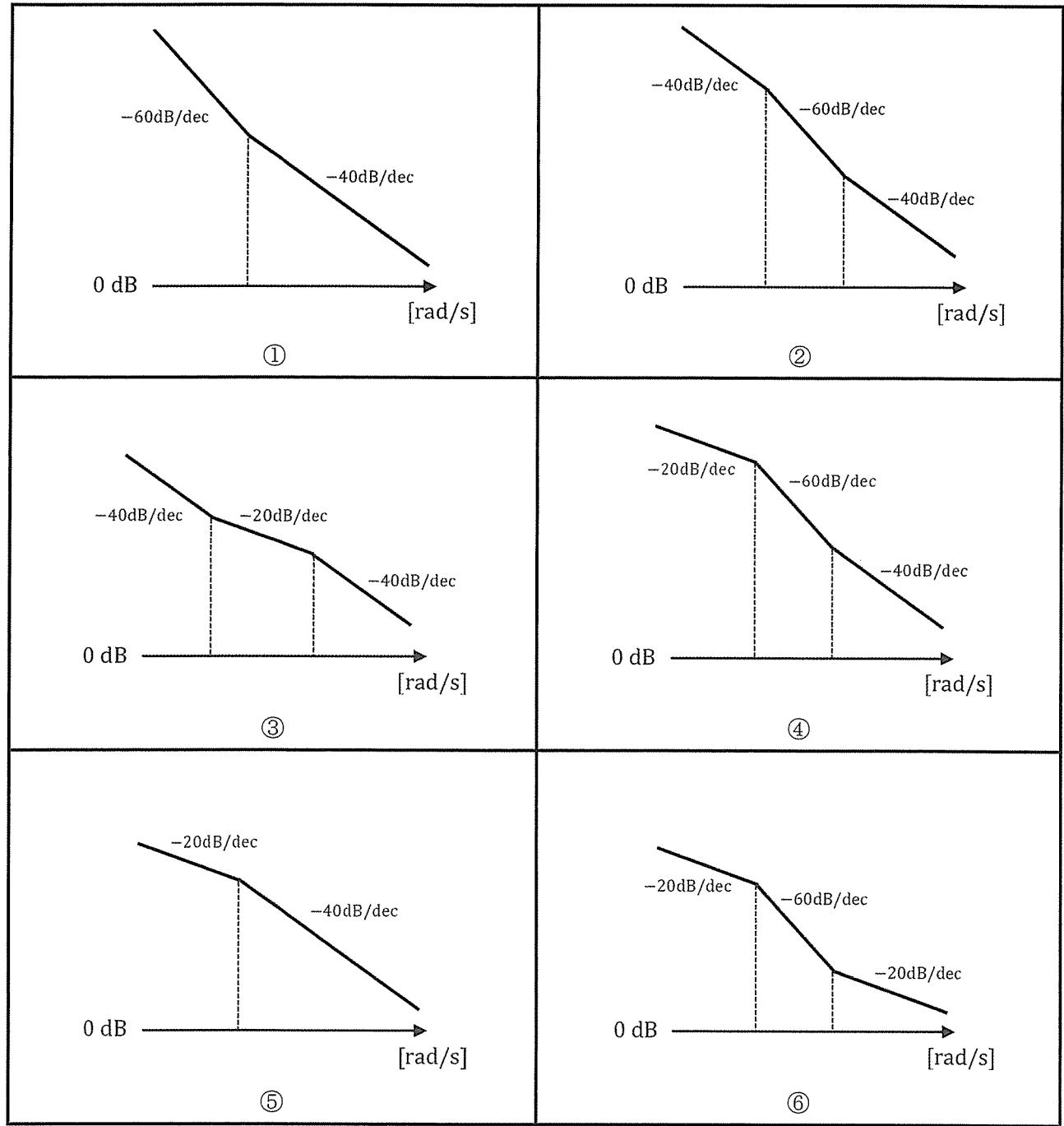


図2

問題 20 電気回路 設問すべてについて解答すること。

I 図1は、(A)式のひずみ波交流電圧源 $e(t)$ 、抵抗 R 、インダクタンス L のコイル、静電容量 C のコンデンサとスイッチ S で構成される回路である。

$$e(t) = \sqrt{2}E_1 \sin(\omega t + \phi_1) + \sqrt{2}E_5 \cos(5\omega t + \phi_5) \quad (\text{A})$$

次の(1)～(5)の問い合わせについて、(A)式及び図1に含まれる記号を用いて答えよ。

- (1) スイッチ S が開かれていて定常状態にあるとする。回路に流れる電流 $i(t)$ を求めよ。
- (2) 電流 $i(t)$ のひずみ率 k 及び回路の消費電力 P を求めよ。

以降の設問では、スイッチ S を閉じて定常状態にあるとする。

- (3) 基本波成分の力率が1となるコンデンサの静電容量 C を R, L, ω を用いて示せ。
- (4) (3)で求めた静電容量 C の下での電流の第5調波成分の位相が(A)式の第5調波電圧に対して遅れか進みかを示せ。
- (5) 抵抗 R とコイルのインダクタンス L による $R-L$ 直列回路の基本波成分に対する力率は0.8であった。スイッチ S を閉じる前と、(3)で求めた静電容量 C の下でスイッチ S を閉じた後とで、電流のひずみ率 k は増加するか減少するかを示せ。

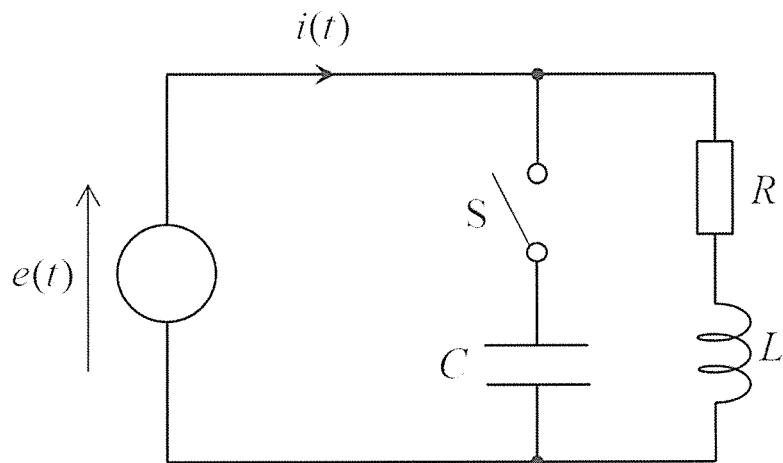


図1

II 図2の回路は、直流電圧源 E [V]、抵抗 R [Ω]、静電容量 C [F]のコンデンサ、インダクタンス L [H]のコイル、スイッチ S_1 および S_2 から構成されている。図2に示すように、時刻 t [s]における抵抗 R の印加電圧を $v(t)$ [V]とする。スイッチ S_1 及び S_2 は瞬時に切り替えることができる。次の問い合わせ(1)～(5)について、図中の記号を用いて答えよ。

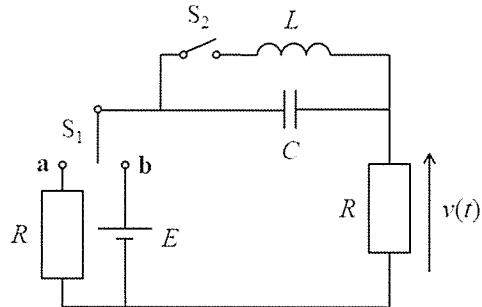


図2

- (1) 時刻 $t = 0$ [s]以前では、スイッチ S_2 は開放、スイッチ S_1 は端子 **a** に接続されて十分な時間が経っており、コンデンサ C には電荷は蓄えられていない。時刻 $t = 0$ [s]でスイッチ S_1 を端子 **a** から端子 **b** に切り替えたとき、時刻 $t = 0$ [s]における電圧 $v(0)$ [V]及び時刻 $t = T$ [s]における電圧 $v(T)$ [V]を求めよ。
- (2) 電圧 $v(t)$ [V]の時刻 $t = T$ [s]における電圧低下分を $\Delta v = v(0) - v(T)$ [V]とする。電圧低下割合 $\Delta v/v(0)$ を 4%以上 10%以下とするための時定数 $\tau = RC$ [s]が取り得る範囲を求めよ。ただし、 $T = 1$ [ms]とする。
- (3) 時刻 $t = T$ [s]でスイッチ S_1 を端子 **b** から端子 **a** に切り替えた。(2)で求めた時定数 $\tau = RC$ [s]の範囲において、時刻 $t = 2T$ [s]での電圧 $v(2T)$ [V]が取り得る範囲を求めよ。
- (4) 引き続き、スイッチ S_1 は端子 **a** に接続され、コンデンサ C を完全に放電させる。その後スイッチ S_2 を閉じる。時刻 $t = 0$ [s]と改めて設定した時刻において、スイッチ S_1 を端子 **a** から端子 **b** へ切り替えたときの電圧 $v(0)$ [V]を求めよ。
- (5) インダクタンス $L = \frac{16}{3}R^2C$ [H]のとき、電圧低下割合 $\Delta v/v(0)$ を求めよ。ただし、電圧低下分を $\Delta v = v(0) - v(T)$ [V]とする。

本問い合わせを解くにあたり、表1の数値表の最も近い値及び $\log_{10}2 = 0.30$, $\log_{10}3 = 0.48$, $\log_{10}5 = 0.70$, $\log_{10}7 = 0.85$, $\log_{10}e = 0.43$ を用いてもよい。

表1

x	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5
e^{-x}	0.95	0.94	0.93	0.92	0.91	0.90	0.82	0.74	0.67	0.61

問題 21 電磁気学 設問すべてについて解答すること。

I 次の(1)～(8)の問い合わせに答えよ。ただし、電荷はすべて点電荷であり、系全体が真空（誘電率 ϵ_0 ）とする。また、電位の基準点は無限遠の点とする。三次元直交座標系とし、それぞれの軸を x , y , z とする。

図1のように、正の電荷 $(+q)$ を z 軸上の点 $A(0, 0, a)$ に置いた。

(1) 空間上の任意の点 $R(x, y, z)$ の電位 ϕ_1 と電界の大きさ E_1 を q , ϵ_0 , x , y , z , a を用いて表わせ。

次に、図2のように負の電荷 $(-q)$ を z 軸上の点 $B(0, 0, -a)$ の位置に追加して置いた。

(2) 点 $R(x, y, z)$ の電位 ϕ_2 を q , ϵ_0 , x , y , z , a を用いて表わせ。

以下の(3)から(8)の問い合わせにおいては、点Aと点Bに置かれた2つの電荷を電気双極子として扱うことができ、点Rが点A及び点Bから十分に離れている場合を考える。また、図3のように、点Rの位置ベクトルを \vec{r} と、 \vec{r} と z 軸のなす角を θ と置く。 $|\vec{r}| = r$ とする。なお、一般に電気双極子においては、負の電荷 $(-q)$ から正の電荷 $(+q)$ に向かう位置ベクトルを \vec{s} とすると、電気双極子モーメント \vec{p} は、 $\vec{p} = q\vec{s}$ である。

(3) 点Aと点Bに置いた2つの電荷によって作られる電気双極子モーメント \vec{p} の x , y , z 成分、 p_x , p_y , p_z を q , a を用いて表わせ。

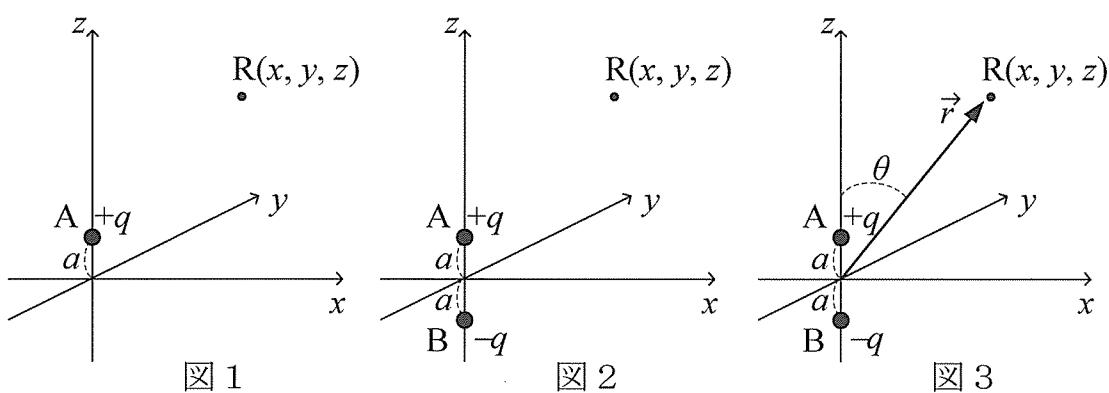
(4) 点Rと点Aとの距離 r_{RA} を a , r , θ を用いて表わせ。

(5) 一般に $t \ll 1$ のときに $(1+t)^n \approx 1 + nt$ が成立することを用いて、 $1/r_{RA}$ の近似値を a , r , θ を用いて表わせ。

(6) (5)に記した近似式を使って、点Rでの電位 ϕ_R を q , ϵ_0 , a , r , θ を用いて表わせ。

(7) 点Aと点Bに置いた電荷によって作られる電気双極子モーメントを \vec{p} と置いたとき、点Rでの電位 ϕ_R を \vec{p} , \vec{r} , r , ϵ_0 を用いて表わせ。但し、解答では内積を用いよ。

(8) 点Rでの電界の x 方向成分 E_x 及び z 方向成分 E_z を q , ϵ_0 , a , r , x , y , z を適宜用いて表わせ。



II 図4に示すように、3次元直交座標系において、原点Oを中心とした半径 a の円に接する正六角形導線回路ABCDEFが $x-y$ 平面上に存在する。空間中の透磁率は μ_0 、導線の太さは無視できるものとし、以下の問い合わせに答えよ。

x 軸と平行である線分ABに電流 I が流れるとして、次の(1)～(3)の問い合わせに答えよ。線分AB以外に流れる電流の影響は無視するものとする。

- (1) 線分ABから距離 b 離れた位置にある点Pと、線分AB上の任意の点Sにおける電流素片 $Id\vec{x}$ を考える。図4のように、 $\angle PSB$ を θ としたとき、電流素片 $Id\vec{x}$ によって点Pに生じる微小磁界の大きさ dH_1 を、 θ の関数として求めよ。ただし、点Sの微小変位にともなう θ の変化を $d\theta$ とし、 $d\theta$ は正の値をとるとする。
- (2) 線分AB上を流れる電流 I によって、点Pに生じる磁界の大きさ H_1 を求めよ。ただし、 $\angle PAB = \theta_a$ 、 $\angle PBA = \theta_b$ とする。
- (3) z 軸上の点Q $(0, 0, \sqrt{3}a/2)$ において、線分AB上を流れる電流 I により生じる磁界の大きさ H_2 を求めよ。

回路ABCDEFに電流 I が流れるとして、次の(4)～(6)の問い合わせに答えよ。

- (4) 点Qにおいて、回路ABCDEFを流れる電流 I により生じる磁界の大きさ H_3 を求めよ。
- (5) $+x$ 方向に速度 v で進む点電荷 $+q$ が点Qを通過する瞬間を考える。このとき、点電荷に作用する力の大きさ F とその向きを求めよ。
- (6) $x-z$ 平面上かつ点Qと z 座標を同じくする点R $(d, 0, \sqrt{3}a/2)$ がある(ただし、 $d > 0$)。点Rを通り、 y 軸と平行な無限長導線を配置し、 $-y$ 方向に電流 I を流す。このとき、点Qにおける磁界の大きさが0となるような、点Rの x 座標 d を求めよ。

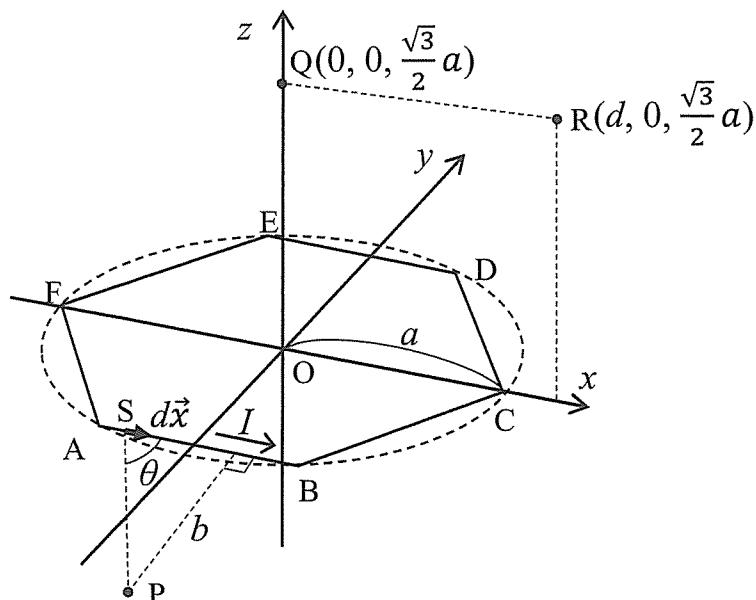


図4

問題 22 電子回路 設問すべてについて解答すること。

直流電流増幅率 h_{FE} を有するトランジスタを用いた回路を考える。このトランジスタは直流電源 E_{CC} により線形領域で動作しているものとする。以下の設間に答えよ。

- (1) 図 1 の回路のコレクタ電流 I_C をベース電流 I_B および h_{FE} で表せ。
- (2) 図 2 の回路の I_C を E_{CC} , ベース-エミッタ間電圧 V_{BE} , R_1 および h_{FE} で表せ。
- (3) 図 3 の回路の I_C を E_{CC} , V_{BE} , R_1 , R_E および h_{FE} で表せ。
- (4) 図 4 の回路の I_C を E_{CC} , V_{BE} , R_1 , R_2 , R_E および h_{FE} で表せ。
- (5) 図 4 の回路を考える。ここで R_2 に流れる電流を I_2 とする。 I_2 および I_C と比較して I_B が無視できるほど小さいと仮定した場合, h_{FE} の影響を受けずに I_C を決定することができる。この場合の I_C を E_{CC} , V_{BE} , R_1 , R_2 および R_E で表せ。

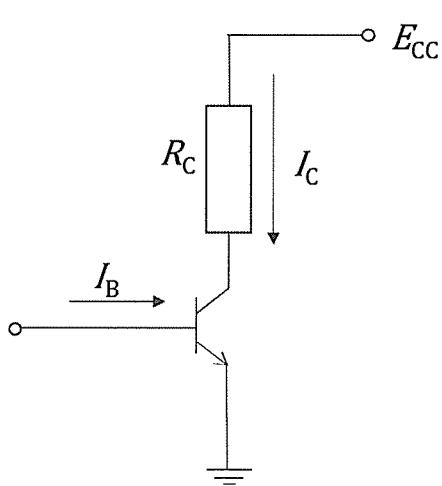


図 1

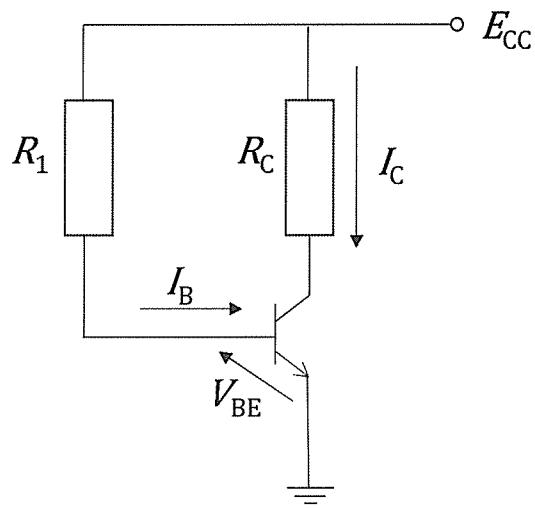


図 2

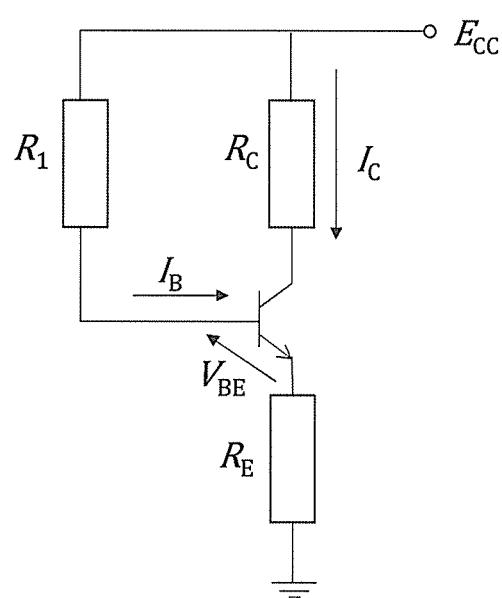


図 3

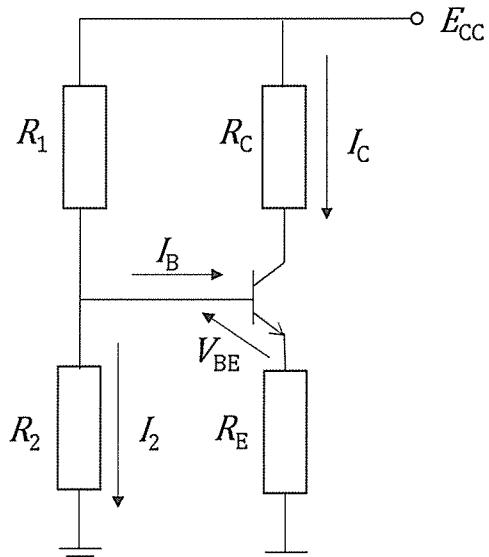


図 4